Tema 14 - Combinatoria

Hoja de ejercicios

1. Calcula el valor de los siguientes números combinatorios:

a)
$$\binom{8}{5}$$

c)
$$\binom{6}{5}$$

e)
$$\binom{10}{1}$$

g)
$$\binom{9}{0}$$

b)
$$\binom{7}{3}$$

d)
$$\binom{7}{4}$$

f)
$$\binom{4}{1}$$

h)
$$\binom{9}{2}$$

Solución: a) 56; b) 35; c) 6; d) 1; e) 10; f) 4; g) 1; h) 36.

2. Calcula:

a)
$$\binom{7}{5} + \binom{4}{1}$$

c)
$$\binom{9}{5} - \binom{4}{2}$$

b)
$$\binom{10}{6} + \binom{5}{4}$$

d)
$$\binom{11}{3} - \binom{7}{5}$$

Solución: a) 25; b) 215; c) 120; d) 144.

3. Simplifica y calcula:

a)
$$\frac{\binom{9}{4}}{3!}$$

c)
$$\frac{\binom{7}{2} \cdot 5!}{\binom{6}{4}}$$

b)
$$\binom{7}{3} \cdot 4!$$

d)
$$\frac{\binom{5}{3} \cdot 3!}{\binom{7}{5} \cdot 5!}$$

Solución: a) 21; b) 840; c) 168; d) $\frac{1}{42}$.

4. Realiza las siguientes operaciones con números combinatorios aplicando sus propiedades:

a)
$$\binom{7}{6} + \binom{5}{5} + \binom{12}{0}$$

c)
$$\binom{9}{1} - \binom{8}{6} - \binom{8}{7}$$

b)
$$\binom{9}{1} + \binom{8}{6} + \binom{8}{7}$$

d)
$$\frac{\binom{4}{3}}{2} + \binom{5}{5} \cdot 3 - \left(\binom{11}{9} + \binom{11}{10}\right)$$

Solución: a) 9; b) 45; c) -27; d) -61.

5. Expresa mediante su fórmula:

a)
$$V_{7.2}$$

c)
$$VR_{3,10}$$
 e) P_6 g) $C_{10,4}$

b)
$$V_{10.3}$$

d)
$$VR_{10,3}$$
 f) P_{15} h) $C_{9,2}$

f)
$$P_{15}$$

Solución:

a)
$$V_{7,2} = \frac{7!}{(7-2)!}$$
;

c)
$$VR_{3,10} = 3^{10}$$

e)
$$P_6 = 6!$$
;

a)
$$V_{7,2} = \frac{7!}{(7-2)!}$$
; c) $VR_{3,10} = 3^{10}$; e) $P_6 = 6!$; g) $C_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)! \ 4!}$;

b)
$$V_{10,3} = \frac{10!}{(10-3)!}$$

d)
$$VR_{10,3} = 10^3$$

f)
$$P_{15} = 15!$$
;

b)
$$V_{10,3} = \frac{10!}{(10-3)!}$$
; d) $VR_{10,3} = 10^3$; f) $P_{15} = 15!$; h) $C_{9,2} = \frac{9!}{(9-2)! \ 2!}$;

6. Opera y expresa el resultado lo más simplificado que puedas:

a)
$$V_{20,5} \cdot P_{15}$$

b)
$$\frac{VR_{8,6} \cdot VR_{8,4}}{VR_{2,10}}$$
 c) $\frac{V_{10,6}}{C_{10,4}}$

c)
$$\frac{V_{10,6}}{C_{10,4}}$$

d)
$$2C_{12,10} \cdot P_{10}$$

Solución: a) 20!; b) 4¹⁰; c) 4!; d) 12!.

